

มติชนรายวัน  
พุ. 24 ก.พ. 54

## ผลลัพธ์-กระบวนการ-การสอนคณิตศาสตร์ในโรงเรียนญี่ปุ่น

วรากรณ์ สามโภเศษ  
มหาวิทยาลัยธุรกิจบัณฑิตย์

ผมได้ไปร่วมงานสัมมนานานาชาติซึ่งจัดโดย APEC-Tsukuba University โดย มี SEAMEO และมหาวิทยาลัยขอนแก่นร่วมเป็นเจ้าภาพด้วยที่ประเทศญี่ปุ่นเมื่ออาทิตย์ที่ผ่านมา และเกิดความคิดเหยียดประการที่ขอนำเสนอเพื่อขอคิดกัน

หัวข้อของการสัมมนาเกี่ยวกับการเรียนการสอนคณิตศาสตร์สำหรับนักเรียน ชั้นประถมและมัธยมโดยมีการถูงานจริงที่สองโรงเรียนสาธิต (Elementary School และ Junior High School ของ Tsukuba University) ซึ่งชนะเลิศการแข่งขันของทั่วประเทศ ได้ไปเห็นการสอนในชั้นของครูเป็นเวลา 2 วัน ก่อนที่จะสัมมนา กันอีก 2 วันครึ่ง ดังนั้นคนที่เข้าร่วมประชุมจึงเห็นทั้งทฤษฎีและปฏิบัติ นับว่าเป็นวิธีการจัดที่มีประโยชน์

ผมไปเข้าร่วมประชุมด้วยความเชื่อว่าผู้ที่ร่วมกันตัดสินใจเรื่องนโยบายในระดับมหาคนี้จะต้องเห็นการปฏิบัติระดับจุดภาคด้วยจึงจะเข้าใจประเด็นอย่างถ่องแท้ ผู้กำหนดนโยบายเศรษฐกิจและสังคมระดับมหาคนี้ต้องมีโอกาสได้เห็นได้คุยกับผู้คนในระดับปฏิบัติการอย่างจึงจะมองเห็นปัญหาและสามารถตัดสินใจได้อย่างเหมาะสม ทั้งนี้เพื่อให้นโยบายที่กำหนดขึ้นนั้นตั้งอยู่บนหลักฐานหรือข้อเท็จจริงมิได้อยู่บนจินตนาการ

มหาวิทยาลัย Tsukuba นั้นเป็นมหาวิทยาลัยชั้นนำด้านวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยีของประเทศ ที่ผ่านมา มีอาจารย์ถึง 3 คนที่ได้รับรางวัลโนเบลด้านวิทยาศาสตร์ 50-60 องค์กรวิจัยของรัฐบาลรายล้อมมหาวิทยาลัยคล้ายกับ Silicon Valley ซึ่งเป็นบริเวณที่มีบริษัทเอกชนวิจัยด้านคอมพิวเตอร์และ IT รายล้อมมหาวิทยาลัย Stanford

สิ่งสำคัญที่ได้เรียนรู้คือการสอนคณิตศาสตร์สำหรับเด็กนักเรียนนั้นเข้าไม่เน้นที่ผลลัพธ์ขั้นสุดท้าย (outcome) หากเน้นที่กระบวนการ (process)

พูดง่าย ๆ ก็คือเข้าไม่สอนให้เด็กบวกลบเป็น คูณหารเลขเป็น เข้าใจเรื่องเศษส่วน ท่องสูตรคูณแล้วนำมาคูณกัน ทำการบ้านเป็นร้อย ๆ ข้อ (ผลลัพธ์ก็คือทำเลขเป็น) หากเน้นที่การสอนโดยให้คำอธิบายอย่างละเอียด เป็นขั้นเป็นตอนว่าการบวกลบ คูณเลข หารเลข เศษส่วนนั้นคืออะไร (กระบวนการ) เมื่อเข้าใจแล้วก็จะสามารถต่อยอดขึ้นไปได้ไกล หรือไม่ก็วัดขอบเพราะความมีเหตุมีผล มิใช่ท่องจำ จนมีคณรากคณิตศาสตร์และ

วิทยาศาสตร์ซึ่งมีคณิตศาสตร์เป็นฐานมากขึ้น อันจะนำไปสู่ความสามารถด้านวิทยาศาสตร์ และเทคโนโลยีซึ่งเป็นหัวใจของความกินดือญดีของประเทศ

ครูญี่ปุ่นจะอธิบายโดยยังแสดงกระบวนการคิดให้ดูอย่างลงลึกและทำแบบฝึกหัด แต่ไม่นำการทำแบบฝึกหัดแบบหน้ามือตามว่าอย่างเข้าใจบ้างไม่เข้าใจบ้างแต่คิดเลขเป็น เช่น  $(1/3 \div 2)$  นั้นหากเน้นผลลัพธ์จะตอบได้ทันทีว่าเท่ากับ  $1/6$  แต่อาจอธิบายความหมายไม่ได้ ในทางตรงกันขามนักเรียนญี่ปุ่นที่เรียนแนวกระบวนการจะสามารถอธิบายความหมายได้ชัดเจนและคิดเลขได้ด้วย

จากที่เห็นในห้องเรียนของโรงเรียนที่ไปดู เด็กจะแย่งกันยกมือตอบ และกล้าตาม (โรงเรียนญี่ปุ่นกำลังเปลี่ยนแปลงจากเดิม ในโรงเรียนอื่น ๆ อาจไม่กล้าตามมากเท่าสองโรงเรียนที่ไปดู) ห้องเรียนก็รวมๆ ๆ เมื่อนห้องเรียนบ้านเรา แต่ที่แตกต่างก็คือกระบวนการของเข้าทั้งหมดเป็นกระบวนการสืบเชี่ยวแบบใช้ชอร์คไม่มีผู้เรียน “ไม่ใช่กระบวนการสืขาวเป็นมันแบบต้องใช้สีเมจิกเขียนเพื่อให้เปลี่ยนเงินเด่นแฉมอาจารย์ติดทินเนอร์ (มหาวิทยาลัยดัง ๆ ทั้งหลายในสวีเดนเริ่มใช้กระบวนการเชี่ยวแบบเดียวกัน พร้อมกับมีจดหมายเพื่อเอาไว้รับภาพจากเครื่องมืออิเล็กทรอนิกส์)

บางคนอาจคิดว่าจะอะไรงั้นหากนักบันการสอนคณิตศาสตร์ให้เด็กนักเรียนความจริงแล้วเป็นเรื่องสำคัญนิดเดียว แต่ที่เด็กบ้านเรารู้อ่อนคณิตศาสตร์กันมาก ๆ จะทำให้การเรียนวิทยาศาสตร์อ่อนไปด้วยนั้นก็ เพราะวิธีการสอนที่ไม่สูงใจ ไม่สนุกครูไม่รู้วิธีการสอน ครูอ่อนความรู้คณิตศาสตร์จนต้องชอบแหงความด้อยของตัวเองด้วยความดุหนังสือเรียนและแบบฝึกหัดของเรายังจับไม่ถูกจุด ๆ ลฯ

การเน้นกระบวนการคิดเพื่อให้เข้าใจคณิตศาสตร์นั้นเป็นเรื่องสำคัญมาก และต้องสอนตั้งแต่ชั้นเด็ก ๆ เมื่อเข้าใจกระบวนการมันแล้วแบบฝึกหัดแบบให้คิดจึงค่อยตามมาแต่ไม่ใช่เน้นการทำเลขเป็นร้อย ๆ ข้อ แต่ไม่เข้าใจสาระของโจทย์ที่ทำไปถึงแม้จะได้คำตอบที่ถูกต้องก็ตาม

มีการนำเสนอชิ้นหนึ่งที่นำเสนอในภาษาญี่ปุ่นว่า Bancho (การเขียนกระบวนการ) ครูใหญ่ของโรงเรียน (Hiroyuki Ninomiya) ได้เล่าให้ฟังว่าที่โรงเรียนนั้นครูทุกคนทุกชั้นที่สอนคณิตศาสตร์ต้องเตรียมบทเรียนก่อนไปสอนด้วยการเขียน “สคริปต์” ลงบนกระดาษคล้าย “story board” เพื่อจะเอาไปเขียนบนกระดาษเวลาสอนเด็ก โดยต้องเขียนให้ครบทั้งกระบวนการตามที่ได้เตรียมไป เมื่อครบคับเวลานครูต้องถ่ายรูปกระดาษที่เขียนไปและเก็บบันทึกไว้เป็นผลงานและเพื่อแก้ไขปรับปรุงต่อไป

กระบวนการนี้คือการบังคับทางอ้อมนั้นเองให้ครูต้องทำแผนการสอนแบบปฏิบัติได้จริง ไม่ได้เป็นตัวหนังสืออย่างที่ทำกัน ครูต้องคิดว่าจะมีลำดับการอธิบายอย่างไร

เลือกตัวอย่างใด และสรุปอย่างไร อาจารย์ใหญ่เน้นว่าไม่ให้ลับกระดานออกไประหว่างที่สอน ให้เขียนทิ้งไว้ทั้งหมดเพื่อเด็กจะได้เห็นลำดับความคิดตั้งแต่ต้นจนจบควบเรียน

Bancho นี้ถือได้ว่าเป็นนวัตกรรมของอาจารย์ท่านนี้อย่างแท้จริง และเมื่อ วัดผลการเรียนของนักเรียนแล้วก็ปรากฏว่าได้ผลในการสร้างความเข้าใจคณิตศาสตร์และสามารถ ทำโจทย์ต่าง ๆ ได้เป็นอย่างดี ข้อสรุปที่เห็นก็คือการสอนคณิตศาสตร์เด็กนั้นต้องอย่าใจร้อน มุ่งผลลัพธ์ให้เด็กคิดเลขเป็นโดยเร็วอย่างละเลยกระบวนการคิดของเด็ก การเน้นกระบวนการ คิดอย่างเป็นตรรกะคือหัวใจของการเรียนการสอนคณิตศาสตร์

คำถาม เช่น 2+2 เท่ากับเท่าใด คือการเน้นผลลัพธ์ ซึ่งหากตอบได้ก็นับว่า ดีมีความสามารถคิดเลขเป็น อย่างไรก็ได้ถ้าเน้นกระบวนการ การถามว่า 4 คืออะไรจะ กระตุ้นให้คิดได้ลึกซึ้งกว่า平常 4 คือ ผลรวม ผลลบ ผลคูณ หรือผลหารของบางเลขกับ บางเลขได้อย่างไม่รู้จบ เช่น 3+1/ 2.5+1.5/ 2.8+1.2/ 5-1/ 6-2/ 2x2/ 8÷2/ ฯลฯ

การเรียนการสอนโดยเน้นกระบวนการจึงมีประโยชน์กว่า เพราะทำให้เกิด ความสามารถในการเรียนรู้ (การสอนคือการถ่ายเทความรู้จากครูสู่นักเรียน แต่การเรียนรู้คือสิ่งที่ เกิดขึ้นจากตัวนักเรียนเองในการเข้าใจการสอนของครู เช่น ครูสอนให้ว่ายน้ำโดยนักเรียนไม่มี โอกาสได้เรียนรู้ด้วยตนเองจะไม่มีวันว่ายน้ำเป็นอย่างแน่นอน) และผู้เรียนมีคุณภาพสูงกว่าในการ คิด

การเรียนคุณมีศักยภาพโดยเน้นแต่จะได้ปริญญาอย่างเดียว โดยไม่สนใจว่าได้ เรียนรู้ทักษะ มีความรู้ มีทัศนคติ มีคุณค่าที่ให้แก่สิ่งต่าง ๆ และมีพัฒนารูปแบบที่แตกต่าง จากเดิมหรือไม่ คือการเน้นที่ผลลัพธ์อย่างละเลยกระบวนการ

ท่านผู้อ่านที่สนใจสืบสิ่งที่ผมเล่ามาสามารถหาข้อมูลได้จาก [criced.tsukuba.ac.jp/](http://criced.tsukuba.ac.jp/) ชีง ดร. Masami Isoda แห่งมหาวิทยาลัย Tsukuba ผู้เป็นเจ้าภาพการประชุมทำงานอยู่ และ จากผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร. ไมตรี อินทร์ประสิทธิ์ คณะศึกษาศาสตร์ มหาวิทยาลัยขอนแก่น ผู้ริเริ่มน้ำการสอนคณิตศาสตร์แบบญี่ปุ่นมาใช้ในประเทศไทย

---